

平成 31 年度長崎大学大学院工学研究科  
博士前期課程 総合工学専攻一般入試  
化学・物質工学コース 専門科目 B  
金属材料学



この分野の問題を選択する場合は左の枠内に○を付け、選択しない場合は×を付けること。

受験番号 \_\_\_\_\_

※用紙の 2 枚目以降には決して受験番号を記入しないこと。

---

この線の下には受験者は何も記入しないこと。

整理番号 \_\_\_\_\_

## 金属材料学 1/3

問 1. 金属材料には銅系材料、アルミニウム系材料やチタン系材料などが存在するが、現在最も多く利用され、工業規模が極めて大きいものは鉄鋼材料である。それについて以下の間に答えよ。

- 1) チタンは、クラーク数がマンガンよりも大きく、生体に毒性もなく強度も高い。それゆえチタン系材料は期待される金属材料であるが、鉄鋼材料ほど利用されていない。その理由について述べよ。
- 2) マグネシウムは、クラーク数がアルミニウムより小さいが、それでも豊富に存在する。しかも毒性もなくアルミニウムよりも軽いという利点があるにもかかわらず、マグネシウム系材料はアルミニウム系材料ほど広範に用いられていない。それについて結晶構造の観点から説明せよ。
- 3) 热処理に関して、銅系材料、アルミニウム系材料と比較して鉄鋼材料が有する利点を述べよ。
- 4) 鉄鋼材料に関して、延性と引っ張り強さを共に上昇させるための手法について述べよ。

### 解答欄

1)

2)

3)

4)

## 金属材料学 2/3

問 2. 以下の間に答えよ。

- 1) 図 1において、B 金属の原子分率  $x_B$  が 60 at%である A-60%B 合金（合金 X）を温度  $T_0$  まで加熱すると液相状態になる。合金 X を温度  $T_1$  の直下まで徐冷すると、 $L_1$  相が相分離を開始する。この  $L_1$  相中の B 金属の原子分率  $x_B^{L1}$  を図 1 から読み取れ。また、合金 X を温度  $T_2$  の直上まで徐冷すると、 $L_1$  相と  $L_2$  相の原子分率  $x_B$  および量比が変化する。この時の  $L_2$  相中の原子分率  $x_B^{L2}$  を図 1 から読み取れ。また、 $L_1$  相と  $L_2$  相の量比 ( $L_1 : L_2$ ) を求めよ。
- 2) 合金 X を温度  $T_2$  まで徐冷すると、不变系反応が進行する。この不变系反応の名称と反応式をそれぞれ記述せよ。更に、反応終了後、温度  $T_2$  の直下における  $\gamma$  相と  $L_2$  相の量比 ( $\gamma : L_2$ ) を求めよ。  
その後、合金 X を温度  $T_2$  の直上まで加熱し、再度、 $L_1$  相と  $L_2$  相に 2 相分離させた後、それを別々の容器に取り分けた。ここで、得られた  $L_1$  相を合金  $X_1$ 、 $L_2$  相を合金  $X_2$  とする。
- 3) 合金  $X_1$  を温度  $T_3$  の直上まで徐冷すると、 $L_1$  相と  $\gamma_p$  相（初相）の原子分率  $x_B$  および量比が変化する。この時の  $L_1$  相と  $\gamma_p$  相の原子分率  $x_B^{L1}$  と  $x_B^{\gamma p}$  を図 1 から読み取れ。また、 $L_1$  相と  $\gamma_p$  相の量比 ( $L_1 : \gamma_p$ ) を求めよ。
- 4) 合金  $X_1$  を温度  $T_3$  まで徐冷すると、不变系反応が進行する。この不变系反応の名称と反応式をそれぞれ記述せよ。更に、反応終了後、温度  $T_3$  の直下における  $\alpha$  相と  $\gamma_e$  相（反応生成相）と  $\gamma_p$  相の量比 ( $\alpha : \gamma_e : \gamma_p$ ) を求めよ。
- 5) 合金  $X_2$  を温度  $T_4$  の直上まで徐冷すると、 $\gamma_p$  相（初相）と  $L_2$  相の原子分率  $x_B$  および量比が変化する。この時の  $\gamma_p$  相と  $L_2$  相の原子分率  $x_B^{\gamma p}$  と  $x_B^{L2}$  を図 1 から読み取れ。また、 $\gamma_p$  相と  $L_2$  相の量比 ( $\gamma_p : L_2$ ) を求めよ。
- 6) 合金  $X_2$  を温度  $T_4$  まで徐冷すると、不变系反応が進行する。この不变系反応の名称と反応式をそれぞれ記述せよ。更に、反応終了後、温度  $T_4$  の直下における  $\gamma_p$  相と  $\gamma_e$  相（反応生成相）と  $\beta$  相の量比 ( $\gamma_p : \gamma_e : \beta$ ) を求めよ。
- 7) 温度  $T_4$  における  $\alpha$  相、 $\gamma$  相、 $L_2$  相、 $\beta$  相の Gibbs 自由エネルギー・組成曲線を図 2 に示す。温度  $T_4$  における合金  $X_1$  の  $\alpha$  相と  $\gamma$  相の A 金属の化学ポテンシャル  $\mu_A^\alpha$  と  $\mu_A^\gamma$  および合金  $X_2$  の  $\gamma$  相と  $L_2$  相と  $\beta$  相の B 金属の化学ポテンシャル  $\mu_B^\gamma$  と  $\mu_B^{L2}$  と  $\mu_B^\beta$  はそれぞれ図 2 の①～⑫の何れに対応するか。また、温度  $T_4$  における合金  $X_1$  の  $\alpha$  相と  $\gamma$  相の原子分率  $x_B^\alpha$  と  $x_B^\gamma$  および合金  $X_2$  の  $\gamma$  相と  $L_2$  相と  $\beta$  相の原子分率  $x_B^\gamma$  と  $x_B^{L2}$  と  $x_B^\beta$  は図 2 の①～⑫の何れに対応するか。
- 8) 次に、合金  $X_1$  と合金  $X_2$  を混合し、再度、合金 X と同じ組成にした後、温度  $T_4$  において平衡状態に到達させた結果、ある単相が得られた。この単相は  $\alpha$  相、 $\gamma$  相、 $L_2$  相、 $\beta$  相の何れに対応するか。

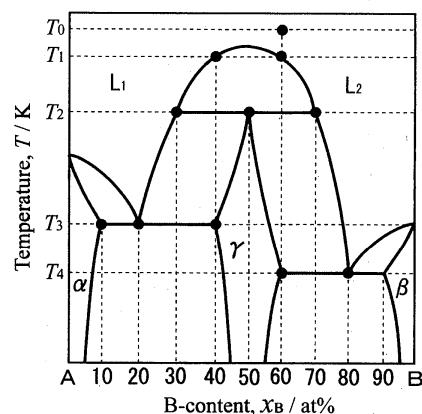


図 1. 2 元系平衡状態図 (圧力一定条件)

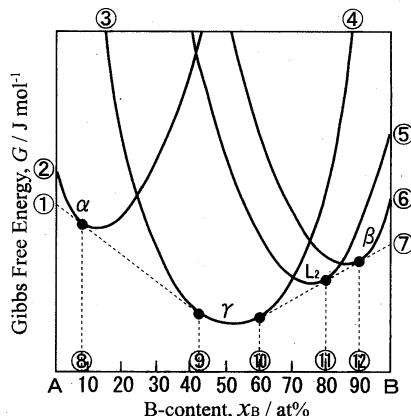


図 2. 温度  $T_4$  における各相の  $G$ - $x_B$  曲線

### 解答欄

- 1)  $x_B^{L1} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $x_B^{L2} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $L_1 : L_2 = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 2)  $\underline{\hspace{2cm}}$  反応,  $\underline{\hspace{2cm}} \rightarrow \underline{\hspace{2cm}}, \gamma : L_2 = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 3)  $x_B^{L1} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $x_B^{\gamma p} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $L_1 : \gamma_p = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 4)  $\underline{\hspace{2cm}}$  反応,  $\underline{\hspace{2cm}} \rightarrow \underline{\hspace{2cm}}, \alpha : \gamma_e : \gamma_p = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 5)  $x_B^{\gamma p} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $x_B^{L2} = \underline{\hspace{2cm}}$  %,  $\gamma_p : L_2 = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 6)  $\underline{\hspace{2cm}}$  反応,  $\underline{\hspace{2cm}} \rightarrow \underline{\hspace{2cm}}, \gamma_p : \gamma_e : \beta = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$
- 7) 合金  $X_1$  の各相の  $\mu_A$  ( $\mu_A^\alpha : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\mu_A^\gamma : \underline{\hspace{2cm}}$ ), 合金  $X_2$  の各相の  $\mu_B$  ( $\mu_B^\gamma : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\mu_B^{L2} : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\mu_B^\beta : \underline{\hspace{2cm}}$ )  
合金  $X_1$  の各相の  $x_B$  ( $x_B^\alpha : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $x_B^\gamma : \underline{\hspace{2cm}}$ ), 合金  $X_2$  の各相の  $x_B$  ( $x_B^\gamma : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $x_B^{L2} : \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $x_B^\beta : \underline{\hspace{2cm}}$ )
- 8)  $\underline{\hspace{2cm}}$  相

## 金属材料学 3/3

問 3. 以下の間に答えよ。

- 1) Fe, Al, Cu, Zn, Sn, W, Mo の融点は  $3399^{\circ}\text{C}$ ,  $2500^{\circ}\text{C}$ ,  $1534^{\circ}\text{C}$ ,  $1083^{\circ}\text{C}$ ,  $660^{\circ}\text{C}$ ,  $419^{\circ}\text{C}$ ,  $232^{\circ}\text{C}$  の何れかである。各々の金属の融点を答えよ。また、この 7 種類の金属の中から室温での結晶構造が bcc となる金属を 3 種類選び、解答欄に記入せよ。
- 2) 体積  $V_0$  の過冷固溶体に時効処理を施したところ、ある時刻  $t$  までの間に  $z$  個の結晶核が発生し、それぞれが  $v_i$  ( $i = 1 \sim z$ ) の拡張体積を有していた。時効析出反応の進行率を  $X$  とした場合、未変化領域の割合  $(1-X)$  は任意に選んだ箇所がどの析出相にも属さない確率に等しくなると仮定し、 $(1-X)$  を  $V_0$  および  $v_i$  ( $i = 1 \sim z$ ) で表記せよ。また、得られた式の両辺の対数をとり、拡張体積の総量を  $V_{\text{ex}} = v_1 + v_2 + \dots + v_z$  とした場合、 $X$  を  $V_0$  と  $V_{\text{ex}}$  で表記せよ。ただし、近似式  $\ln(1+x) \approx x$  を利用せよ。
- 3) 体積  $V_0$  の過冷固溶体中で、ある時刻において単位体積当たり  $n_0$  個の結晶核が一齊に発生するものと仮定する。ただし、半径  $r$  の結晶核は一定の線速度  $s$  で球状に成長し、核発生から時間  $t$  経過後の結晶核半径は  $r = st$  とする。この時の  $V_{\text{ex}}$  を  $V_0, n_0, s, t$  で表記せよ。更に、得られた式を前述の  $X$  の式に代入し、同時核生成型の JMAK 式を完成せよ。
- 4) 体積  $V_0$  の過冷固溶体中で、ある時刻において最初の結晶核  $A_1$  が発生後、単位体積・単位時間当たり一定の個数  $I$  で結晶核が次々に発生するものと仮定する。ただし、最初の結晶核  $A_1$  発生から時間  $\tau$  経過後（時刻  $\tau$ ），新たに発生した結晶核  $A_\tau$  は一定の線速度  $s$  で球状に成長し、最初の結晶核  $A_1$  発生から時間  $t$  経過後（時刻  $t$ ）の結晶核半径は  $r = s(t - \tau)$  とする。この結晶核  $A_\tau$  の時刻  $t$  における拡張体積  $v_t$  を  $s, t, \tau$  で表記せよ。また、時刻  $\tau$  から  $\tau + d\tau$  の間に発生した結晶核の数  $N_{d\tau}$  を、 $V_0, I, d\tau$  で表記せよ。
- 5) 拡張体積  $v_t$  および結晶核の数  $N_{d\tau}$  を利用して、時刻  $t$  における拡張体積の総量  $V_{\text{ex}}$  を積分計算し、 $V_{\text{ex}}$  を  $V_0, I, s, t$  で表記せよ。また、得られた式を前述の  $X$  の式に代入し、定率核生成型の JMAK 式を完成せよ。更に、 $X$  と  $t$  の関係をグラフに描け。
- 6) マルテンサイト変態においては、母相オーステナイトの晶癖面でレンズ状結晶核が生成する。このときの Gibbs 自由エネルギー変化  $\Delta G$  を式で表せ。ただし、マルテンサイト単位体積当たりの自由エネルギー変化を  $\Delta f$ 、界面エネルギーを  $\gamma$ 、弾性エネルギー一定数を  $A$ 、臨界核の長軸半径を  $x$ 、短軸半径を  $y$  とする。
- 7)  $\Delta G$  を  $x$  および  $y$  で偏微分し、臨界半径  $x_c$  および  $y_c$  を求めよ。
- 8)  $x_c$  および  $y_c$  を利用して、核生成に必要な活性化エネルギー  $W$  を求めよ。

### 解答欄

1) Fe =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , Al =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , Cu =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , Zn =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , Sn =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , W =  $\quad ^{\circ}\text{C}$ , Mo =  $\quad ^{\circ}\text{C}$   
bcc 金属 : \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_

2)  $(1-X) =$  \_\_\_\_\_,  $X =$  \_\_\_\_\_

3)  $V_{\text{ex}} =$  \_\_\_\_\_,  $X =$  \_\_\_\_\_

4)  $v_t =$  \_\_\_\_\_,  $N_{d\tau} =$  \_\_\_\_\_

5)  $V_{\text{ex}} =$  \_\_\_\_\_,  $X =$  \_\_\_\_\_,



6)  $\Delta G =$  \_\_\_\_\_

7)  $x_c =$  \_\_\_\_\_,  $y_c =$  \_\_\_\_\_

8)  $W =$  \_\_\_\_\_